

แบบฝึกทักษะ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

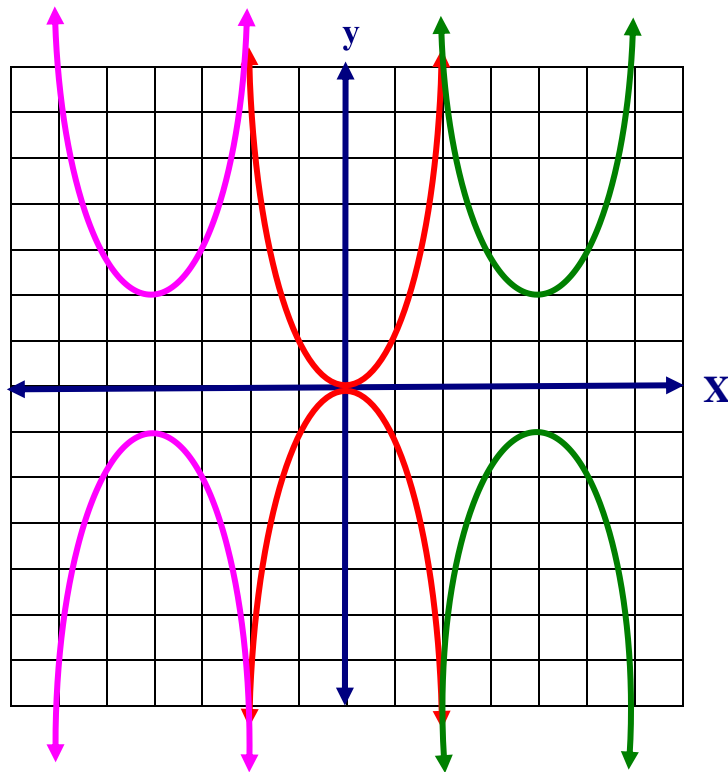
สาระเพิ่มเติม ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

เรื่อง พาราโบลา

เล่มที่ 5

พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ

$$y = a(x - h)^2 + k \text{ เมื่อ } a \neq 0$$



วันชัย เรืองทอง

โรงเรียนองค์การบริหารส่วนจังหวัดสุราษฎร์ธานี ๑ (ดอนสักพดุงวิทย์)

สังกัดองค์การบริหารส่วนจังหวัดสุราษฎร์ธานี

กรมส่งเสริมการปกครองท้องถิ่น กระทรวงมหาดไทย

คำนำ



แบบฝึกทักษะ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ สาระเพิ่มเติม ชั้นมัธยมศึกษา
ปีที่ 3 เรื่อง พาราโบลา เล่มที่ 3 พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$
เมื่อ $a \neq 0$ ที่กำลังศึกษาอยู่นี้มีจุดประสงค์ เพื่อให้ผู้เรียนได้พัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน
กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ให้สูงขึ้น ฝึกทักษะกระบวนการคิด ปฏิบัติ สามารถ
ศึกษาและปฏิบัติได้ด้วยตนเอง

แบบฝึกทักษะเล่มนี้ ประกอบด้วย

1. แบบทดสอบก่อน – หลังเรียน
2. ใบความรู้
3. แบบฝึกทักษะ
4. เฉลยแบบฝึกทักษะ
5. เฉลยแบบทดสอบก่อน – หลังเรียน

ผู้จัดทำหวังเป็นอย่างยิ่งว่า แบบฝึกทักษะเล่มนี้ จะเป็นแนวทางในการพัฒนา
ผู้เรียน ให้เกิดความรู้ ทักษะและเจตคติที่ดีต่อการเรียนคณิตศาสตร์ได้เป็นอย่างดี

วันชัย เรืองทอง

2555



สารบัญ



	หน้า
คำนำ	ก
สารบัญ	ข
คู่มือการใช้แบบฝึกทักษะ	ค
มาตรฐาน/จุดประสงค์การเรียนรู้	ง
เรื่อง..... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a \neq 0$	
▶ ใบความรู้ที่ 1	1
▶ แบบฝึกทักษะชุดที่ 1	4
▶ แบบฝึกทักษะชุดที่ 2	5
▶ แบบฝึกทักษะชุดที่ 3	6
▶ ใบความรู้ที่ 2	8
▶ แบบฝึกทักษะชุดที่ 4	11
▶ แบบฝึกทักษะชุดที่ 5	12
▶ แบบฝึกทักษะชุดที่ 6	13
แบบทดสอบก่อน – หลังเรียน	15
เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 1	17
เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 2	18
เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 3	19
เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 4	21
เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 5	22
เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 6	23
เฉลยแบบทดสอบก่อน - หลังเรียน	25
บรรณานุกรม	26
ประวัติผู้ศึกษา	27



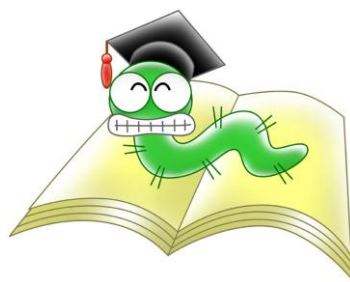
คู่มือการใช้แบบฝึกทักษะ



การใช้แบบฝึกทักษะกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง พาราโบลา

ผู้เรียนปฏิบัติตามลำดับ ในแบบฝึกทักษะ ดังนี้

1. ทำแบบทดสอบก่อนเรียน
2. ศึกษาใบความรู้
3. ทำแบบฝึกทักษะ
4. ทำแบบทดสอบหลังเรียน
5. ตรวจสอบผลการทำแบบฝึกทักษะและแบบทดสอบจากเฉลย
6. เสนอผลการผ่านกิจกรรมในแต่ละเรื่อง ผู้เรียนต้องทำแบบทดสอบ
ได้ร้อยละ 80 ขึ้นไป



มาตรฐานการเรียนรู้ / จุดประสงค์การเรียนรู้

มาตรฐานการเรียนรู้

ค 4.1 : อธิบายและวิเคราะห์แบบรูป ความสัมพันธ์และฟังก์ชันต่าง ๆ ได้

ค 4.2 : ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และแบบจำลองทางคณิตศาสตร์อื่น ๆ แทนสถานการณ์ต่าง ๆ ตลอดจนแปลความหมาย และนำไปใช้แก้ปัญหาได้

ผลการเรียนรู้

1. เขียนกราฟพาราโบลาจากสมการที่กำหนดให้ได้
2. บอกลักษณะและส่วนประกอบของกราฟพาราโบลาได้

จุดประสงค์การเรียนรู้

1. เขียนกราฟ และบอกลักษณะของกราฟพาราโบลา ที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a \neq 0$ ได้
2. มีความมุ่งมั่น ตั้งใจเรียน และทำงานกลุ่มร่วมกับผู้อื่นได้



ใบความรู้ที่ 1

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a \neq 0$

จุดประสงค์การเรียนรู้: เขียนกราฟ และบอกลักษณะของกราฟพาราโบลา

ที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง: ศึกษาใบความรู้แล้วทำแบบฝึกทักษะ

พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

กรณีที่ 1 เมื่อ $a > 0$

ให้นักเรียนพิจารณาสมการ 1) $y = x^2 + 2$ 2) $y = (x-2)^2 + 3$

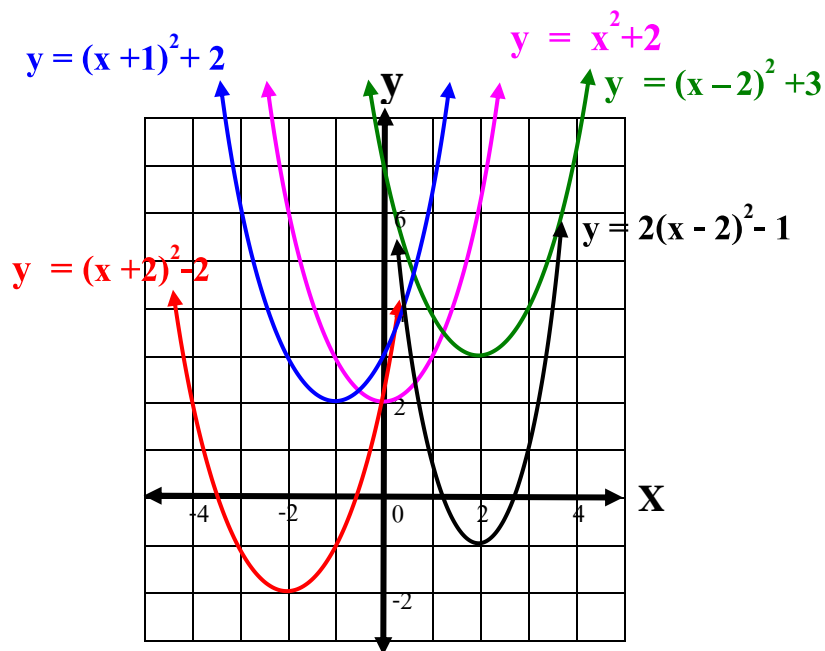
3) $y = (x+2)^2 - 2$ 4) $y = (x+1)^2 + 2$ 5) $y = 2(x-2)^2 - 1$

เมื่อกำหนด x และหาค่า y ของแต่ละสมการในตารางได้ดังนี้

x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y = x^2 + 2$	18	11	6	3	2	3	6	11	18
$y = (x-2)^2 + 3$	39	28	19	12	7	4	3	4	7
$y = (x+2)^2 - 2$	2	-1	-2	-1	2	7	14	23	34
$y = (x+1)^2 + 2$	11	6	3	2	3	6	11	18	27
$y = 2(x-2)^2 - 1$	71	49	31	17	7	1	-1	1	7

นำคู่อันดับจากตารางของสมการทั้งสามมาเขียนกราฟ โดยใช้แกนคู่เดียวกัน ดังรูป
แล้วนำกราฟที่ได้มาเปรียบเทียบกัน





พิจารณากราฟจะพบว่า

1. กราฟเป็นพาราโบลาหงายทุกเส้น
2. แกนสมมาตรของกราฟ $y = (x+1)^2 + 2$ คือ $x = -1$, แกนสมมาตรของกราฟ $y = x^2 + 2$ คือ $x = 0$, แกนสมมาตรของกราฟ $y = (x-2)^2 + 3$ คือ $x = 2$, แกนสมมาตรของกราฟ $y = (x+2)^2 - 2$ คือ $x = -2$ และ แกนสมมาตรของกราฟ $y = 2(x-2)^2 - 1$ คือ $x = 2$
3. จุดต่ำสุดของกราฟ $y = (x+1)^2 + 2$ คือ $(-1, 2)$, จุดต่ำสุดของกราฟ $y = x^2 + 2$ คือ $(0, 2)$, จุดต่ำสุดของกราฟ $y = (x-2)^2 + 3$ คือ $(2, 3)$, จุดต่ำสุดของกราฟ $y = (x+2)^2 - 2$ คือ $(-2, -2)$ และจุดต่ำสุดของกราฟ $y = 2(x-2)^2 - 1$ คือ $(2, -1)$
4. ค่าต่ำสุดของกราฟ $y = (x+1)^2 + 2$ คือ $y = 2$, ค่าต่ำสุดของกราฟ $y = x^2 + 2$ คือ $y = 2$, ค่าต่ำสุดของกราฟ $y = (x-2)^2 + 3$ คือ $y = 3$, ค่าต่ำสุดของกราฟ $y = (x+2)^2 - 2$ คือ $y = -2$ และค่าต่ำสุดของกราฟ $y = 2(x-2)^2 - 1$ คือ $y = -1$



สรุป ลักษณะทั่วไปของกราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ ดังนี้

1. เป็นกราฟพาราโบลาหงาย
2. จุดต่ำสุดของกราฟ ได้แก่ จุด (h, k)
3. แกนสมมาตรได้แก่ เส้นตรง $x = h$
4. ค่าต่ำสุดของกราฟ คือ $y = k$

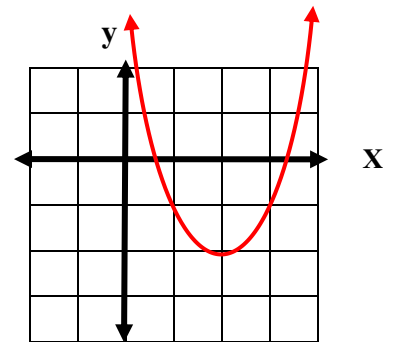
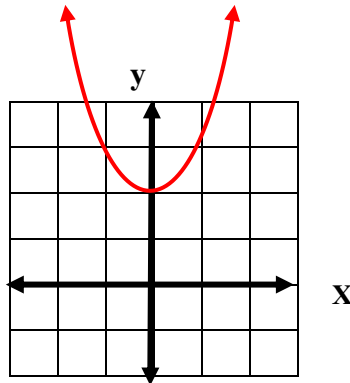
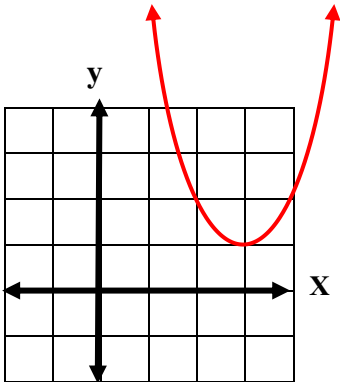


แบบฝึกทักษะชุดที่ 1

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง : นำสมการที่กำหนดให้ เขียนได้ภาพให้ถูกต้อง

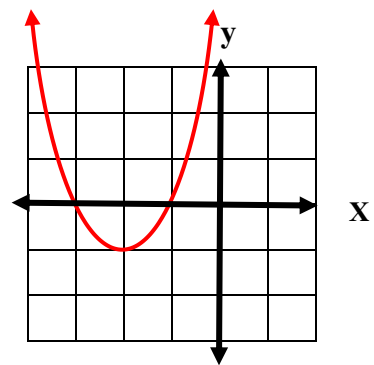
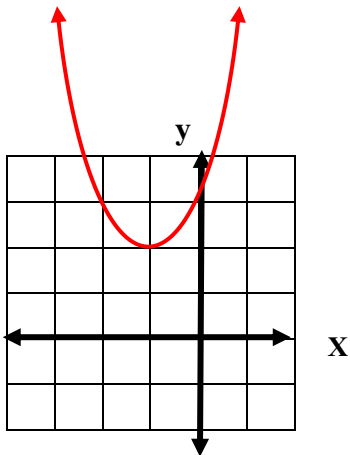
- | | | |
|-------------------------|-----------------------------------|------------------------|
| 1) $y = x^2 + 2$ | 2) $y = (x + 1)^2 + 2$ | 3) $y = (x + 2)^2 - 1$ |
| 4) $y = 2(x - 2)^2 - 2$ | 5) $y = \frac{1}{2}(x - 3)^2 + 1$ | |



.....

.....

.....



.....

.....

สรุป

คะแนนที่ได้.....

ผู้ประเมิน.....

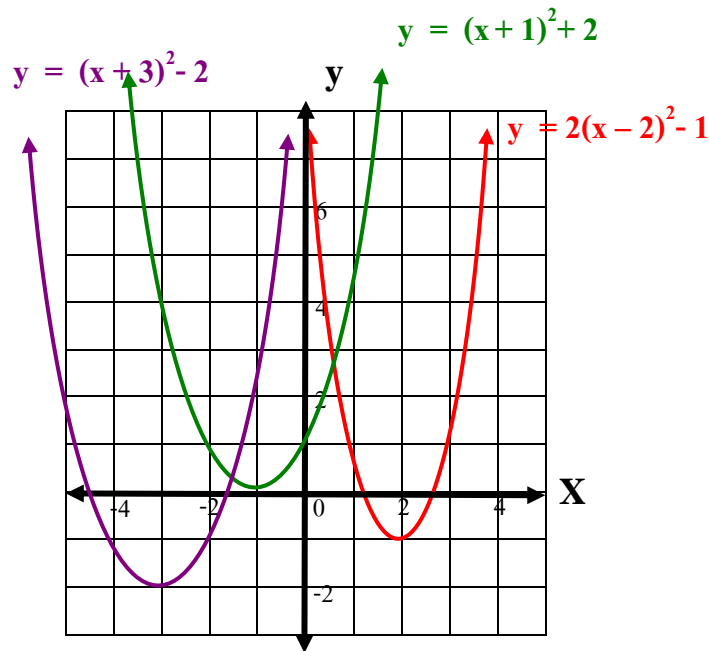
...../...../.....



แบบฝึกทักษะชุดที่ 2

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง : พิจารณากราฟแล้วตอบคำถามจากข้อคำถาม



1. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 3)^2 - 2$ คือ.....
2. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 1)^2 + 2$ คือ.....
3. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 1$ คือ.....
4. แกนสมมาตรของกราฟทั้งสามคือ เส้นตรง.....
.....
5. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = (x + 3)^2 - 2$ คือ.....
6. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = (x + 1)^2 + 2$ คือ.....
7. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 1$ คือ.....

สรุป

คะแนนที่ได้.....

ผู้ประเมิน.....

...../...../.....



แบบฝึกทักษะชุดที่ 3

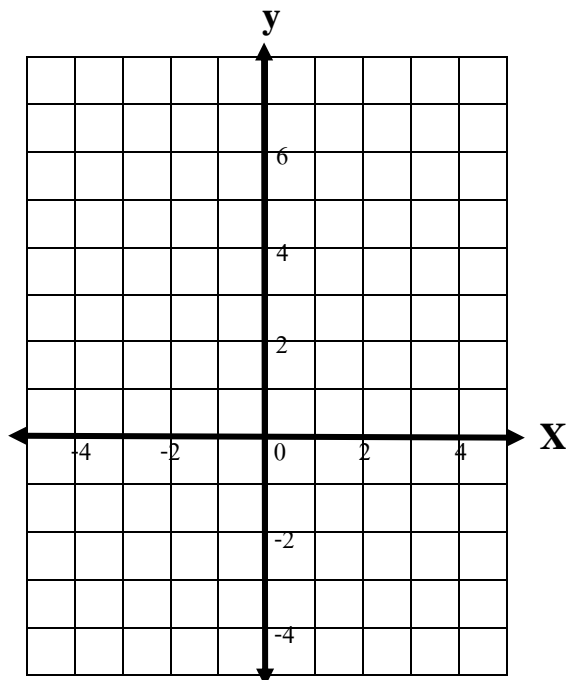
เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง 1. เติมค่า y ในตารางที่ว่าง ช่วยกันเขียนกราฟจากสมการ

1) $y = (x + 2)^2 - 1$ 2) $y = 2(x - 1)^2 + 2$ 3) $y = 2(x - 2)^2 - 3$

2. ตอบคำถามจากข้อคำถาม

x	-2	-1	0	1	2
$y = (x + 2)^2 - 1$					
$y = 2(x - 1)^2 + 2$					
$y = 2(x - 2)^2 - 3$					



ตอบคำถามต่อไปนี้

1. จงบอกค่า a ของสมการทั้ง 3 ข้อ 1) $a = \dots\dots$ 2) $a = \dots\dots$ 3) $a = \dots\dots$
2. ค่า a ที่ได้จากสมการทั้ง 3 ข้อ จะมีค่า $a > 0$ หรือ $a < 0$
3. กราฟที่ได้จากสมการทั้ง 3 ข้อ เป็นกราฟพาราโบลาหงาย หรือ ค่ำ.....
4. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 2)^2 - 1$ คือ.....
5. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 1)^2 + 2$ คือ.....
6. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ คือ.....
7. จุดต่ำสุดของกราฟพาราโบลาขึ้นอยู่กับค่า.....คือ $x = \dots\dots$ และ $y = \dots\dots$
8. **สรุป** จุดต่ำสุดของกราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ คือ.....
9. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = (x + 2)^2 - 1$ คือ.....
10. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 1)^2 + 2$ คือ.....
11. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ คือ.....
12. **สรุป** แกนสมมาตรของกราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ คือ.....
13. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = (x + 2)^2 - 1$ คือ.....
14. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = 2(x - 1)^2 + 2$ คือ.....
15. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ คือ.....
16. **สรุป** กราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ จะให้ค่าต่ำสุด คือ $y = \dots\dots$
17. **สรุป** การหาค่าต่ำสุดของกราฟพาราโบลา ดูได้จากค่าใดของจุดต่ำสุด.....
18. **สรุป** กราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ จุดต่ำสุดคือ.....
แกนสมมาตรคือ.....ค่าต่ำสุดคือ.....

สรุป
 คะแนนที่ได้.....
 ผู้ประเมิน.....
/...../.....



ใบความรู้ที่ 2

เรื่อง...พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a \neq 0$

จุดประสงค์การเรียนรู้: เขียนกราฟ และบอกลักษณะของกราฟพาราโบลา

ที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง: ศึกษาใบความรู้แล้วทำแบบฝึกทักษะ

พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$

กรณีที่ 2 เมื่อ $a < 0$

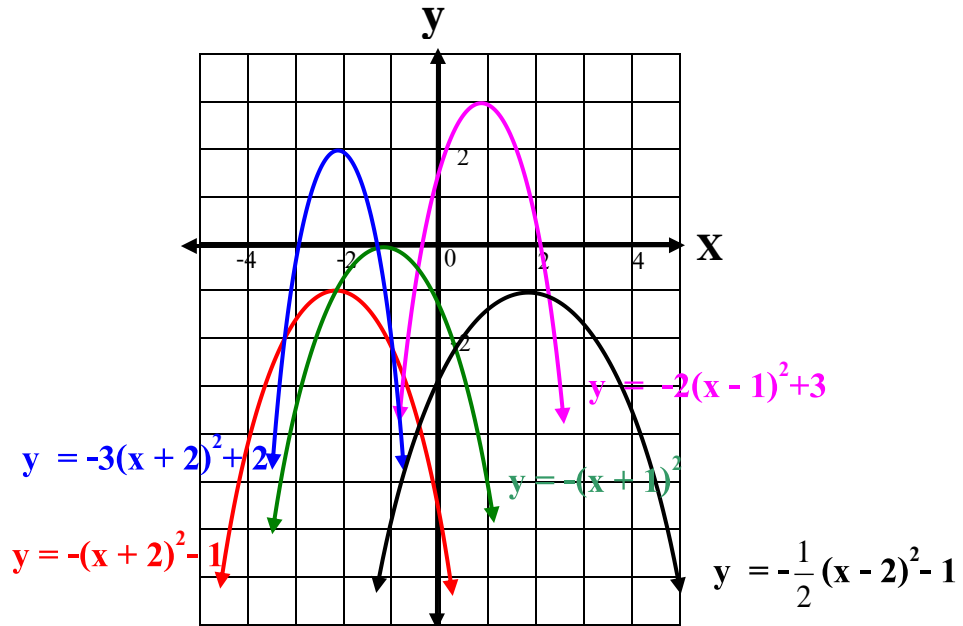
ให้นักเรียนพิจารณาสมการ 1) $y = -(x + 1)^2$ 2) $y = -(x + 2)^2 - 1$

3) $y = -2(x - 1)^2 + 3$ 4) $y = -3(x + 2)^2 + 2$ 5) $y = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 - 1$

เมื่อกำหนด x และหาค่า y ของแต่ละสมการในตารางได้ดังนี้

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
$y = -(x + 1)^2$	-4	-1	0	-1	-4	-9	-16
$y = -(x + 2)^2 - 1$	-2	-1	-2	-5	-10	-17	-26
$y = -2(x - 1)^2 + 3$	-29	-15	-5	1	3	1	-5
$y = -3(x + 2)^2 + 2$	-1	2	-1	-10	-25	-46	-73
$y = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 - 1$	$-13\frac{1}{2}$	-9	$-5\frac{1}{2}$	-3	$-1\frac{1}{2}$	-1	$-1\frac{1}{2}$

นำคู่อันดับจากตารางของสมการทั้งสามมาเขียนกราฟ โดยใช้แกนคู่เดียวกัน ดังรูป
แล้วนำกราฟที่ได้มาเปรียบเทียบกัน



พิจารณากราฟจะพบว่า

1. กราฟเป็นพาราโบลาคว่ำทุกเส้น
2. แกนสมมาตรของกราฟ $y = -3(x+2)^2 + 2$ คือ $x = -2$, แกนสมมาตรของกราฟ $y = -(x+2)^2 - 1$ คือ $x = -2$, แกนสมมาตรของกราฟ $y = -(x+1)^2$ คือ $x = -1$, แกนสมมาตรของกราฟ $y = -2(x-1)^2 + 3$ คือ $x = 1$ และแกนสมมาตรของกราฟ $y = -\frac{1}{2}(x-2)^2 - 1$ คือ $x = 2$
3. จุดสูงสุดของกราฟ $y = -3(x+2)^2 + 2$ คือ $(-2, 2)$, จุดสูงสุดของกราฟ $y = -(x+2)^2 - 1$ คือ $(-2, -1)$ จุดสูงสุดของกราฟ $y = -(x+1)^2$ คือ $(-1, 0)$, จุดสูงสุดของกราฟ $y = -2(x-1)^2 + 3$ คือ $(1, 3)$ และจุดสูงสุดของกราฟ $y = -\frac{1}{2}(x-2)^2 - 1$ คือ $(2, -1)$
4. ค่าสูงสุดของกราฟ $y = -3(x+2)^2 + 2$ คือ $y = 2$, ค่าสูงสุดของกราฟ $y = -(x+2)^2 - 1$ คือ $y = -1$, ค่าสูงสุดของกราฟ $y = -(x+1)^2$ คือ $y = 0$, ค่าสูงสุดของกราฟ $y = -2(x-1)^2 + 3$ คือ $y = 3$ และค่าสูงสุดของกราฟ $y = -\frac{1}{2}(x-2)^2 - 1$ คือ $y = -1$

สรุป ลักษณะทั่วไปของกราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ ดังนี้

1. เป็นกราฟพาราโบลาคู่
2. จุดสูงสุดของกราฟ ได้แก่ จุด (h, k)
3. แกนสมมาตร ได้แก่ เส้นตรง $x = h$
4. ค่าสูงสุดของกราฟ คือ $y = k$

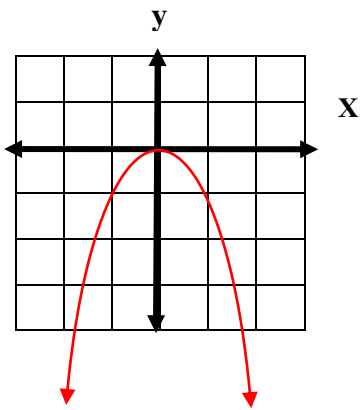


แบบฝึกทักษะชุดที่ 4

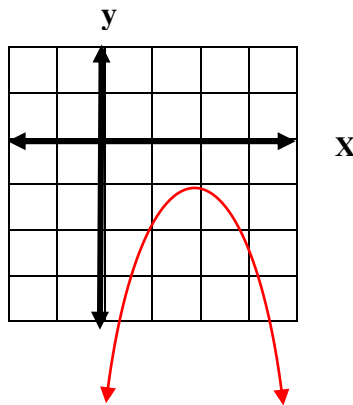
เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง : นำสมการที่กำหนดให้ เขียนได้ภาพให้ถูกต้อง

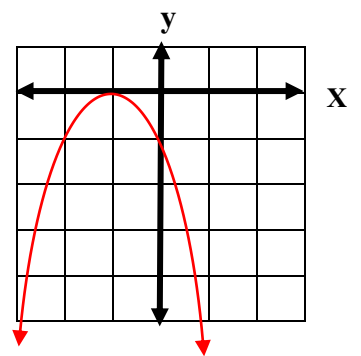
- | | | |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| 1) $y = -x^2$ | 2) $y = -(x + 1)^2$ | 3) $y = -(x - 2)^2 - 1$ |
| 4) $y = -(x - 2)^2 + 2$ | 5) $y = -(x + 1)^2 - 3$ | |



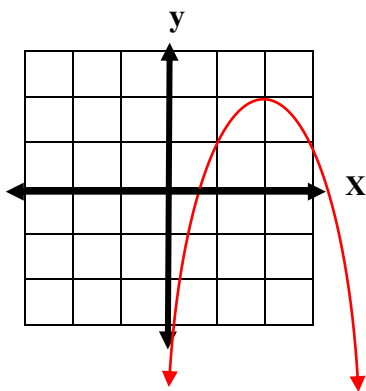
.....



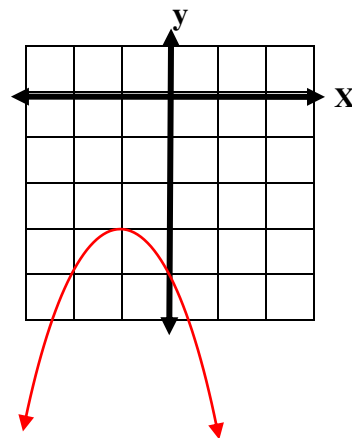
.....



.....



.....



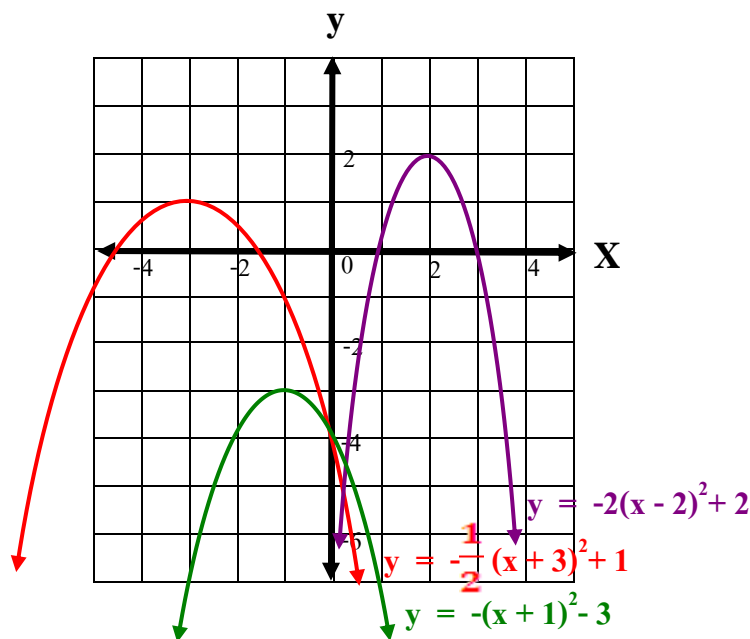
.....

สรุป
 คะแนนที่ได้.....
 ผู้ประเมิน.....
/...../.....

แบบฝึกทักษะชุดที่ 5

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง : พิจารณากราฟแล้วตอบคำถามจากข้อคำถาม



1. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -2(x - 2)^2 + 2$ คือ.....
2. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -(x + 1)^2 - 3$ คือ.....
3. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x + 3)^2 + 1$ คือ.....
4. แกนสมมาตรของกราฟทั้งสามคือ
-
5. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -2(x - 2)^2 + 2$ คือ.....
6. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -(x + 1)^2 - 3$ คือ.....
7. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x + 3)^2 + 1$ คือ.....

สรุป
 คะแนนที่ได้.....
 ผู้ประเมิน.....
/...../.....



แบบฝึกทักษะชุดที่ 6

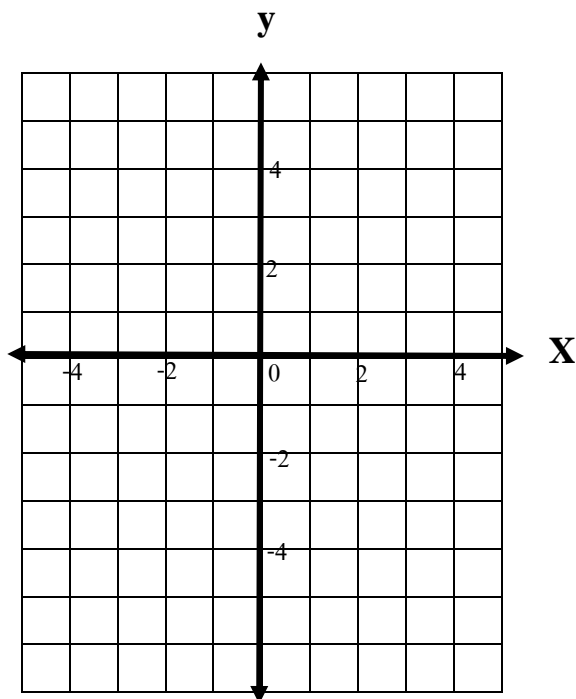
เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2+k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง 1. เติมค่า y ในตารางที่ว่าง ช่วยกันเขียนกราฟจากสมการ

1) $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2+1$ 2) $y = -(x-2)^2+3$ 3) $y = -2(x+1)^2-2$

2. ตอบคำถามจากข้อคำถาม

x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y = -\frac{1}{2}(x+2)^2+1$									
$y = -(x-2)^2+3$									
$y = -2(x+1)^2-2$									



ตอบคำถามต่อไปนี้

1. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$ คือ.....
2. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -(x-2)^2 + 3$ คือ.....
3. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -2(x+1)^2 - 2$ คือ.....
4. จุดสูงสุดของกราฟพาราโบลาขึ้นอยู่กับค่า.....คือ $x = \dots\dots$ และ $y = \dots\dots$
5. สรุป จุดสูงสุดของกราฟพาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ คือ.....
6. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$ คือ.....
7. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -(x-2)^2 + 3$ คือ.....
8. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -2(x+1)^2 - 2$ คือ.....
9. สรุป แกนสมมาตรของพาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ คือ.....
10. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$ คือ.....
11. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -(x-2)^2 + 3$ คือ.....
12. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -2(x+1)^2 - 2$ คือ.....
13. สรุป พาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ จะให้ค่าสูงสุด คือ $y = \dots\dots$
14. สรุป การหาค่าสูงสุดของกราฟพาราโบลา ดูได้จากค่าใดของจุดสูงสุด.....
15. สรุป กราฟพาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ จุดสูงสุดคือ.....
แกนสมมาตรคือ.....ค่าสูงสุดคือ.....

<p>สรุป</p> <p>คะแนนที่ได้.....</p> <p>ผู้ประเมิน.....</p> <p>...../...../.....</p>
--



แบบทดสอบก่อน - หลังเรียน พาราโบลา 15

เรื่อง...พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a \neq 0$

คำชี้แจง วงกลมล้อมรอบตัวอักษร ก ข ค ง ที่ถูกที่สุดเพียงคำตอบเดียว

<p>1. จากสมการ $y = 2(x - 1)^2 - 3$ ถ้า $x = 2$ แล้ว y มีค่าเท่าใด</p> <p>ก. 0</p> <p>ข. 1</p> <p>ค. -1</p> <p>ง. 2</p>	<p>4. ค่าน้อยที่สุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 1)^2 - 1$ คือข้อใด</p> <p>ก. 0</p> <p>ข. -1</p> <p>ค. 1</p> <p>ง. หาค่าไม่ได้</p>
<p>2. จากสมการ $y = -2(x + 2)^2 - 2$ ถ้า $x = -2$ แล้ว y มีค่าเท่าใด</p> <p>ก. 0</p> <p>ข. -2</p> <p>ค. -8</p> <p>ง. -18</p>	<p>5. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ คือข้อใด</p> <p>ก. (0, 0)</p> <p>ข. (h, 0)</p> <p>ค. (h, k)</p> <p>ง. หาค่าไม่ได้</p>
<p>3. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 + 3$ คือข้อใด</p> <p>ก. (2, 3)</p> <p>ข. (2, -3)</p> <p>ค. (-2, 3)</p> <p>ง. (-2, -3)</p>	<p>6. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -2(x + 2)^2 + 7$ คือข้อใด</p> <p>ก. $x = 0$</p> <p>ข. $x = 2$</p> <p>ค. $x = -2$</p> <p>ง. $x = 7$</p>



7. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ

$$y = a(x - h)^2 + k \text{ เมื่อ } a \neq 0 \text{ คือข้อใด}$$

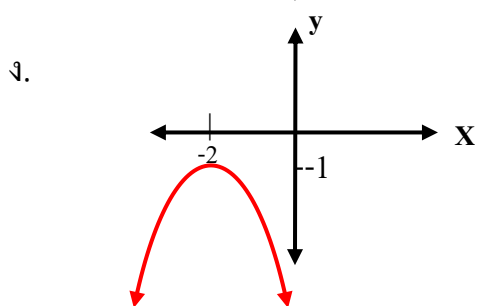
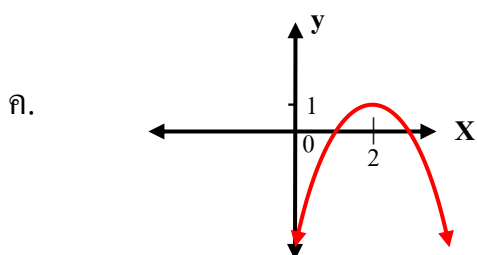
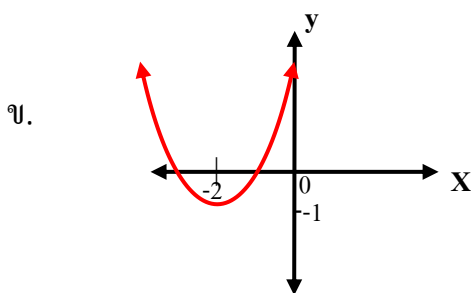
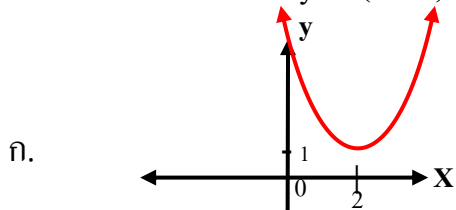
ก. $x = 0$

ข. $x = h$

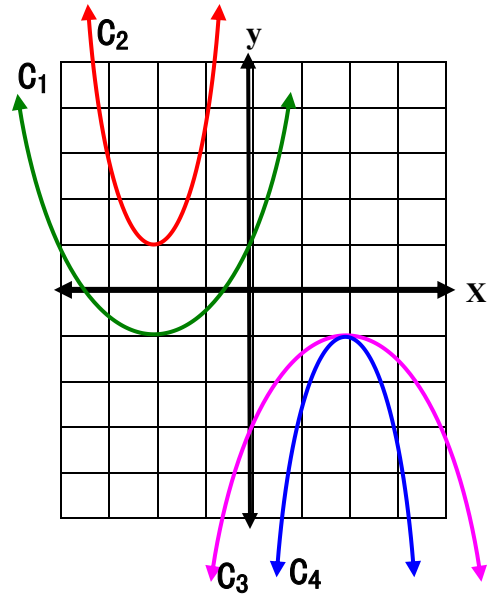
ค. $x = a$

ง. หาค่าไม่ได้

8. ข้อใดเป็นกราฟของสมการ $y = -(x + 2)^2 - 1$



คำชี้แจง ใช้ภาพข้างล่างนี้ตอบคำถามข้อ 9-10



9. กราฟของสมการ $y = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 - 1$ คือ

กราฟใด

ก. C_1

ข. C_2

ค. C_3

ง. C_4

10. กราฟรูป C_4 คือสมการใด

ก. $y = \frac{1}{2}(x + 2)^2 + 1$

ข. $y = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 - 1$

ค. $y = 2(x + 2)^2 + 1$

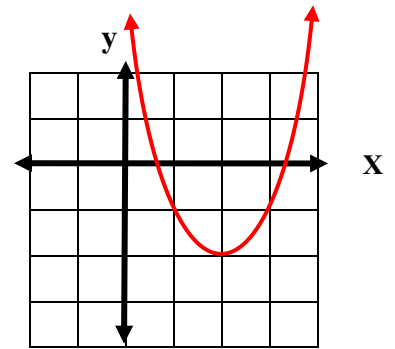
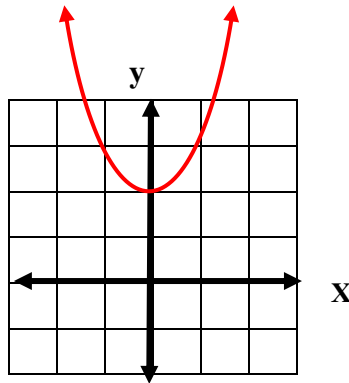
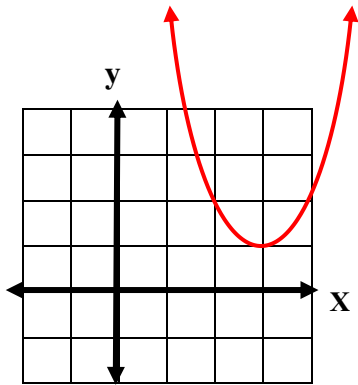
ง. $y = -2(x - 2)^2 - 1$

เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 1

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง : นำสมการที่กำหนดให้ เขียนได้ภาพให้ถูกต้อง

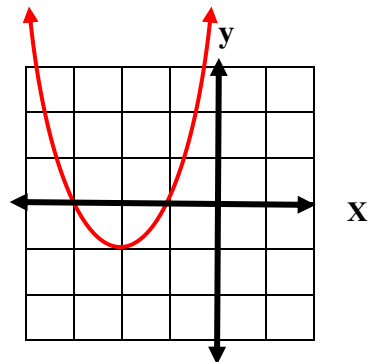
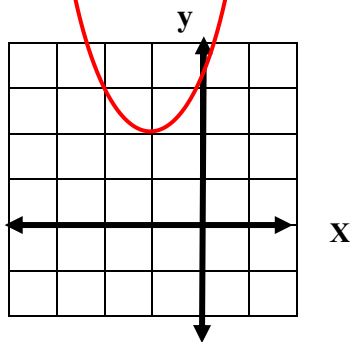
- | | | |
|-------------------------|-----------------------------------|------------------------|
| 1) $y = x^2 + 2$ | 2) $y = (x + 1)^2 + 2$ | 3) $y = (x + 2)^2 - 1$ |
| 4) $y = 2(x - 2)^2 - 2$ | 5) $y = \frac{1}{2}(x - 3)^2 + 1$ | |



$y = \frac{1}{2}(x - 3)^2 + 1$

$y = x^2 + 2$

$y = 2(x - 2)^2 - 2$



$y = (x + 1)^2 + 2$

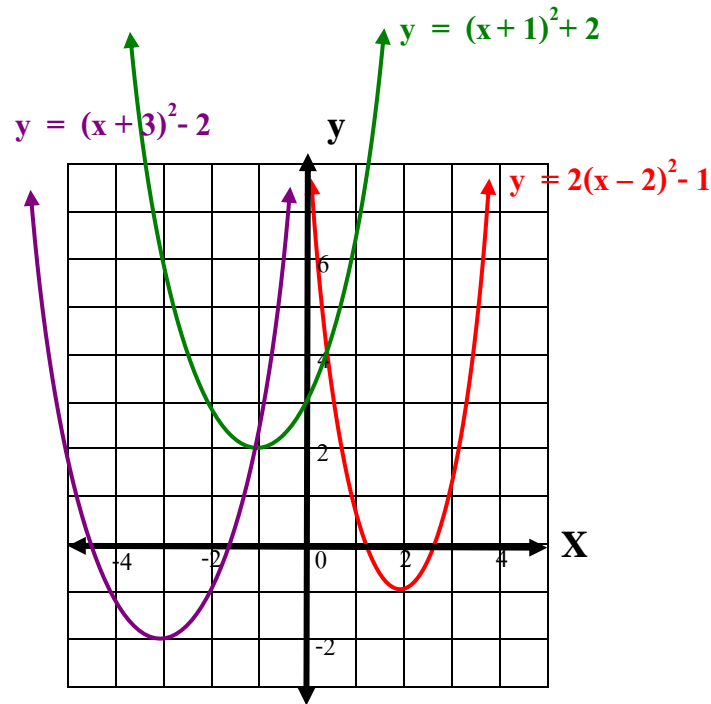
$y = (x + 2)^2 - 1$



เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 2

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง : พิจารณากราฟแล้วตอบคำถามจากข้อคำถาม



1. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 3)^2 - 2$ คือ..... **$(-3, -2)$**
2. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 1)^2 + 2$ คือ..... **$(-1, 2)$**
3. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 1$ คือ..... **$(2, -1)$**
4. แกนสมมาตรของกราฟทั้งสามคือ เส้นตรง..... **$x = -3, x = -1$ และ $x = 2$**
5. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = (x + 3)^2 - 2$ คือ..... **$y = -2$**
6. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = (x + 1)^2 + 2$ คือ..... **$y = 2$**
7. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 1$ คือ..... **$y = -1$**



เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 3

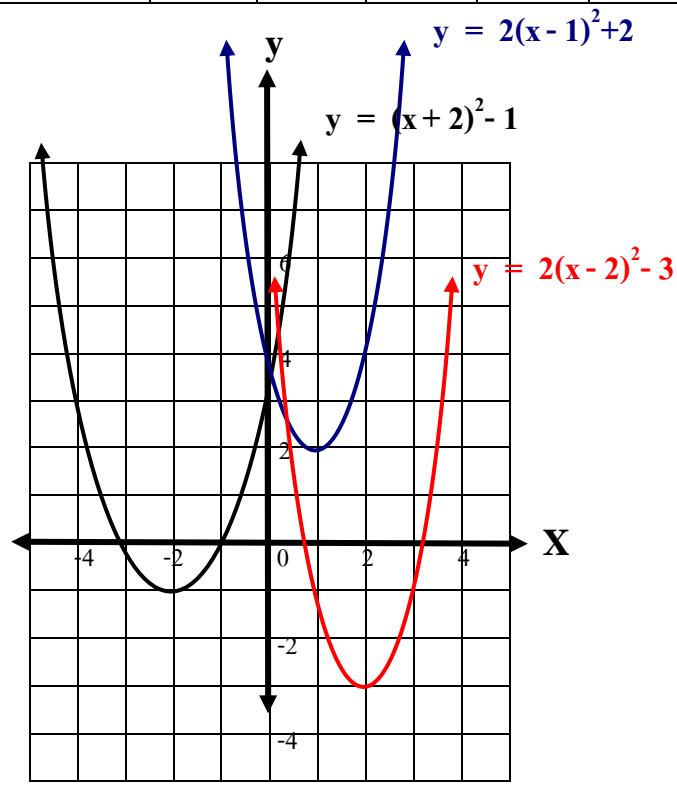
เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$

คำชี้แจง: 1. เติมค่า y ในตารางที่ว่าง ช่วยกันเขียนกราฟจากสมการ

1) $y = (x + 2)^2 - 1$ 2) $y = 2(x - 1)^2 + 2$ 3) $y = 2(x - 2)^2 - 3$

2. ตอบคำถามจากข้อคำถาม

x	-2	-1	0	1	2
$y = (x + 2)^2 - 1$	-1	0	3	8	15
$y = 2(x - 1)^2 + 2$	20	10	4	2	4
$y = 2(x - 2)^2 - 3$	29	15	5	-1	-3



ตอบคำถามต่อไปนี้

1. จงบอกค่า a ของสมการทั้ง 3 ข้อ 1) $a = \dots$ **1** \dots 2) $a = \dots$ **2** \dots 3) $a = \dots$ **2** \dots
2. ค่า a ที่ได้จากสมการทั้ง 3 ข้อ จะมีค่า $a > 0$ หรือ $a < 0$ **$a > 0$**
3. กราฟที่ได้จากสมการทั้ง 3 ข้อ เป็นกราฟพาราโบลาหงาย หรือ คว่า.....**หงาย**.....
4. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = (x + 2)^2 - 1$ คือ.....**(-2, -1)**.....
5. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 1)^2 + 2$ คือ.....**(1, 2)**.....
6. จุดต่ำสุดของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ คือ.....**(2, -3)**.....
7. จุดต่ำสุดของกราฟพาราโบลาขึ้นอยู่กับค่า..... **h** ,..... คือ $x = \dots$ **h** \dots และ $y = \dots$ **k** \dots
8. **สรุป** จุดต่ำสุดของกราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ คือ.....**(h, k)**.....
9. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = (x + 2)^2 - 1$ คือ..... **$x = -2$**
10. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 1)^2 + 2$ คือ..... **$x = 1$**
11. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ คือ..... **$x = 2$**
12. **สรุป** แกนสมมาตรของกราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ คือ..... **$x = h$**
13. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = (x + 2)^2 - 1$ คือ..... **$y = -1$**
14. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = 2(x - 1)^2 + 2$ คือ..... **$y = 2$**
15. ค่าต่ำสุดของ y จากสมการ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ คือ..... **$y = -3$**
16. **สรุป** กราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ จะให้ค่าต่ำสุด คือ $y = \dots$ **k** \dots
17. **สรุป** การหาค่าต่ำสุดของกราฟพาราโบลา ดูได้จากค่าใดของจุดต่ำสุด..... **k**
18. **สรุป** กราฟพาราโบลา $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a > 0$ จุดต่ำสุดคือ.....**(h, k)**.....
แกนสมมาตรคือ..... **$x = h$**ค่าต่ำสุดคือ..... **$y = k$**



เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 4

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง : นำสมการที่กำหนดให้ เขียนได้ภาพให้ถูกต้อง

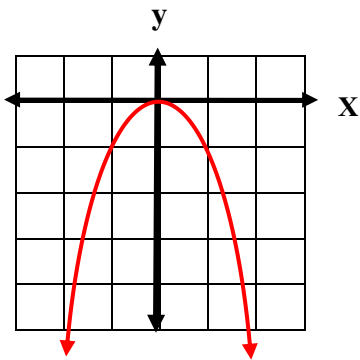
1) $y = -x^2$

2) $y = -(x + 1)^2$

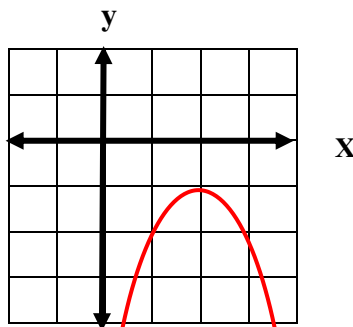
3) $y = -(x - 2)^2 - 1$

4) $y = -(x - 2)^2 + 2$

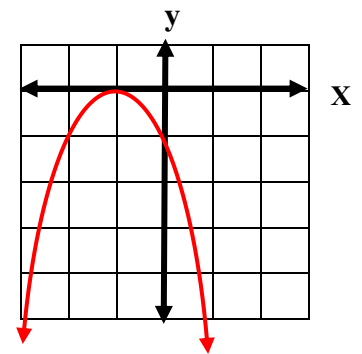
5) $y = -(x + 1)^2 - 3$



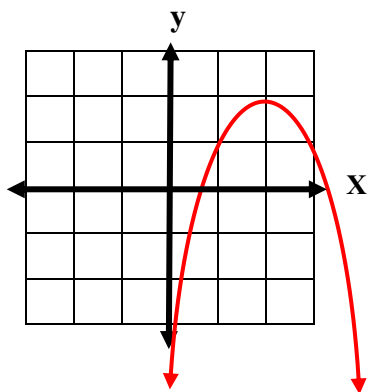
$$y = -x^2$$



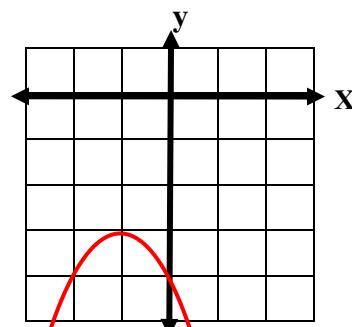
$$y = -(x - 2)^2 - 1$$



$$y = -(x + 1)^2$$



$$y = -(x - 2)^2 + 2$$

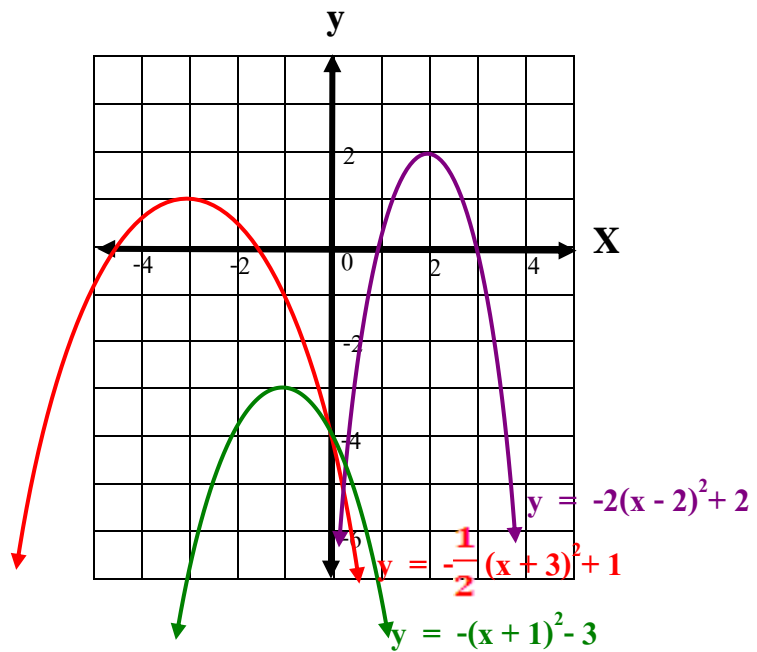


$$y = -(x + 1)^2 - 3$$

เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 5

เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง : พิจารณากราฟแล้วตอบคำถามจากข้อคำถาม



1. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -2(x - 2)^2 + 2$ คือ..... **(2,2)**
2. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -(x + 1)^2 - 3$ คือ..... **(-1,-3)**
3. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x + 3)^2 + 1$ คือ..... **(-3, 1)**
4. แกนสมมาตรของกราฟทั้งสามคือ **$x = 2, x = -1$ และ $x = -3$**
5. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -2(x - 2)^2 + 2$ คือ..... **$y = 2$**
6. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -(x + 1)^2 - 3$ คือ..... **$y = -3$**
7. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x + 3)^2 + 1$ คือ..... **$y = 1$**



เฉลยแบบฝึกทักษะชุดที่ 6

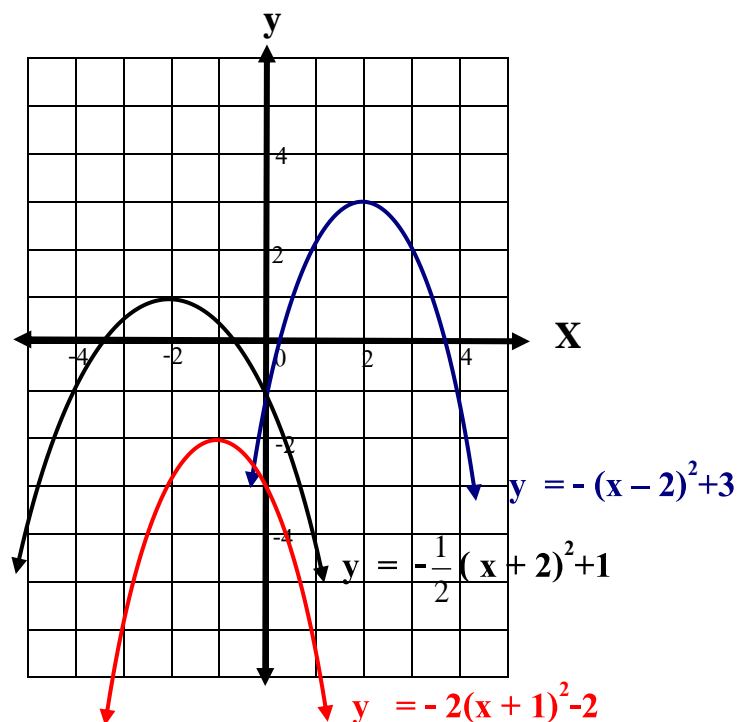
เรื่อง... พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x-h)^2+k$ เมื่อ $a < 0$

คำชี้แจง 1. เติมค่า y ในตารางที่ว่าง ช่วยกันเขียนกราฟจากสมการ

1) $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2+1$ 2) $y = -(x-2)^2+3$ 3) $y = -2(x+1)^2-2$

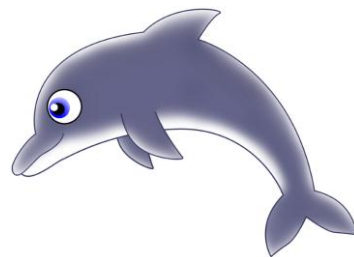
2. ตอบคำถามจากข้อคำถาม

x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y = -\frac{1}{2}(x+2)^2+1$	-1	$\frac{1}{2}$	1	$\frac{1}{2}$	-1	$-3\frac{1}{2}$	-7	$-11\frac{1}{2}$	-17
$y = -(x-2)^2+3$	-33	-22	-13	-6	-1	2	3	2	-1
$y = -2(x+1)^2-2$	-20	-10	-4	-2	-4	-10	-20	-34	-52



ตอบคำถามต่อไปนี้

1. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$ คือ..... **(-2, 1)**.....
2. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -(x-2)^2 + 3$ คือ..... **(2, 3)**.....
3. จุดสูงสุดของกราฟจากสมการ $y = -2(x+1)^2 - 2$ คือ..... **(-1, -2)**.....
4. จุดสูงสุดของกราฟพาราโบลาขึ้นอยู่กับค่า..... **h, k**..... คือ $x = \dots$ **h**..... และ $y = \dots$ **k**.....
5. สรุป จุดสูงสุดของกราฟพาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ คือ..... **(h, k)**.....
6. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$ คือ..... **x = -2**.....
7. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -(x-2)^2 + 3$ คือ..... **x = 2**.....
8. แกนสมมาตรของกราฟจากสมการ $y = -2(x+1)^2 - 2$ คือ..... **x = -1**.....
9. สรุป แกนสมมาตรของพาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ คือ..... **x = h**.....
10. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$ คือ..... **y = 1**.....
11. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -(x-2)^2 + 3$ คือ..... **y = 3**.....
12. ค่าสูงสุดของ y จากสมการ $y = -2(x+1)^2 - 2$ คือ..... **y = -2**.....
13. สรุป พาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ จะให้ค่าสูงสุด คือ $y = \dots$ **k**.....
14. สรุป การหาค่าสูงสุดของกราฟพาราโบลา คูได้จากค่าใดของจุดสูงสุด..... **k**.....
15. สรุป กราฟพาราโบลา $y = a(x-h)^2 + k$ เมื่อ $a < 0$ จุดสูงสุดคือ..... **(h, k)**.....
แกนสมมาตรคือ..... **x = h**..... ค่าสูงสุดคือ..... **y = k**.....



เฉลยแบบทดสอบก่อน - หลังเรียน

เรื่อง...พาราโบลาที่กำหนดด้วยสมการ $y = a(x - h)^2 + k$ เมื่อ $a \neq 0$

คำชี้แจง วงกลมล้อมรอบตัวอักษร ก ข ค ง ที่ถูกที่สุดเพียงคำตอบเดียว

1. ก	6. ง
2. ข	7. ข
3. ก	8. ง
4. ข	9. ก
5. ง	10. ง



บรรณานุกรม

- โชคชัย สิริหาญอุดม. (2552) แบบฝึกหัดคณิตศาสตร์ ม. 3 เล่ม 1 สารการเรียนรู้เพิ่มเติม.
กรุงเทพฯ: เดอะบุคส์.
- พัฒนาคุณภาพวิชาการ, สถาบัน. (2550) สุดยอดคู่มือครู แผนการจัดการเรียนรู้รายชั่วโมง
คณิตศาสตร์เพิ่มเติม ม. 3 เล่ม 1 กรุงเทพฯ: บริษัทพัฒนาคุณภาพวิชาการ.
- ยุพิน พิพิธกุล และศิริพร ทิพย์คง (2550) คณิตศาสตร์เพิ่มเติม ม. 3 เล่ม 1 กรุงเทพฯ:
บริษัทพัฒนาคุณภาพวิชาการ.
- สมศักดิ์ สิ้นธุระเวชญ์ และคณะ. (2540) แบบทดสอบตามจุดประสงค์ คณิตศาสตร์
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กรุงเทพฯ: วัฒนาพานิช.
- ส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี, สถาบัน. (2552) หนังสือเรียนสาระ
การเรียนรู้เพิ่มเติม คณิตศาสตร์ เล่ม 1 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กรุงเทพฯ:
สทศ. ลาดพร้าว.



ประวัติผู้ศึกษา



- ชื่อ – สกุล** นายวันชัย เรืองทอง
- วัน เดือน ปีเกิด** 25 มีนาคม 2500
- ที่อยู่ปัจจุบัน** 39/12 หมู่ที่ 5 ตำบลคอนสัก อำเภอดอนสัก จังหวัดสุราษฎร์ธานี 84220
- ประวัติการศึกษา** ประกาศนียบัตรวิชาการศึกษาชั้นสูง(ปกศ.สูง) เอกคณิตศาสตร์
วิทยาลัยครูนครศรีธรรมราช
ปริญญาตรี เอกคณิตศาสตร์ มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
ปริญญาโท เอกการบริหารการศึกษา มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์
- ประสบการณ์การทำงาน** เริ่มบรรจุครั้งแรกเมื่อวันที่ 16 ตุลาคม 2521 ที่โรงเรียน
คอนสักผดุงวิทย์ อำเภอดอนสัก จังหวัดสุราษฎร์ธานี
สังกัดกรมสามัญศึกษา กระทรวงศึกษาธิการ
- ตำแหน่งหน้าที่** ครูชำนาญการ โรงเรียนองค์การบริหารส่วนจังหวัดสุราษฎร์ธานี ๑
(คอนสักผดุงวิทย์)
- สถานที่ทำงานปัจจุบัน** โรงเรียนองค์การบริหารส่วนจังหวัดสุราษฎร์ธานี ๑
(คอนสักผดุงวิทย์)
สังกัดองค์การบริหารส่วนจังหวัดสุราษฎร์ธานี
กรมส่งเสริมการปกครองท้องถิ่น กระทรวงมหาดไทย
- โทรศัพท์** 081-5398534
- E-mail** wanchairt@gmail.com